


 UNIVERSIDADE DE LISBOA


 LISBOA SCHOOL OF ECONOMICS & MANAGEMENT

Teórica 7

## Macroeconomia II

### Macro 2

**José António Pereirinha**  
 Coordenador e Professor das Aulas Teóricas  
[pereirin@iseg.ulisboa.pt](mailto:pereirin@iseg.ulisboa.pt)

**Mário Olivares**  
 Aulas Práticas (Turmas T1 e T2)

**Susana Santos**  
 Aulas Práticas (Turmas (T3, T4 e T5)

1

---

---

---


---


---

---

---

---


 UNIVERSIDADE DE LISBOA


 LISBOA SCHOOL OF ECONOMICS & MANAGEMENT

Teórica nº 7

**Tema da aula de hoje (17.03.2014) Teórica nº 7**

**Cap 03 O modelo neoclássico do crescimento económico (3, concl.)**

- modelo básico de Solow: o estado estacionário (*steady state*)
- modelo de Solow com tecnologia
- interpretação, no modelo de Solow, dos efeitos da política económica

**Leituras Obrigatórias**  
 Jones & Vollrath (2013), *Introduction to Economic Growth*, Norton, capítulo 2, pp. 20 – 53

2

---

---

---


---


---

---

---

---


 UNIVERSIDADE DE LISBOA

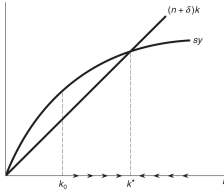

 LISBOA SCHOOL OF ECONOMICS & MANAGEMENT

**modelo básico de Solow**

$Y = F(K, L)$  sem progresso técnico  
 $y = Y/L$   $k = K/L$

$y = k^\alpha$ ,  $0 < \alpha < 1$   
 $dk/dt = s \cdot y - (n + \delta) \cdot k$   
 $dk/dt = s \cdot k^\alpha - (n + \delta) \cdot k$

**FIGURE 2.2 THE BASIC SOLOW DIAGRAM**



3

---

---

---



---

---

---

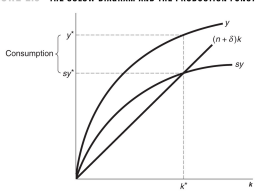
---

---

**equilíbrio**  
 $dk/dt = s \cdot y - (n + \delta) \cdot k = 0$   
 $s \cdot y = (n + \delta) \cdot k$   
 K cresce taxa n  
 $k = K/L$  mantém-se constante  
*capital widening*

**FIGURE 2.3 THE SOLOW DIAGRAM AND THE PRODUCTION FUNCTION**



4

---

---

---

---

---



---

---

---

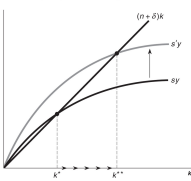
---

---

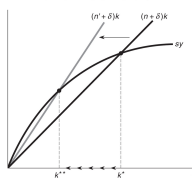



**análise estática comparada**

**FIGURE 2.4 AN INCREASE IN THE INVESTMENT RATE**



**FIGURE 2.5 AN INCREASE IN POPULATION GROWTH**



5

---

---

---

---

---



---

---

---

---

---

**estado estacionário: steady-state**  
 $s \cdot k^* = (n + \delta) \cdot k$   
 $k^* = (s / (n + \delta))^{1/(1-\alpha)}$   
 $y^* = (s / (n + \delta))^{\alpha/(1-\alpha)}$

**interpretação:**

- países com maiores taxas de poupança tendem a ser mais ricos
- países com maiores taxas de crescimento da população tendem a ser mais pobres

6

---

---

---

---

---

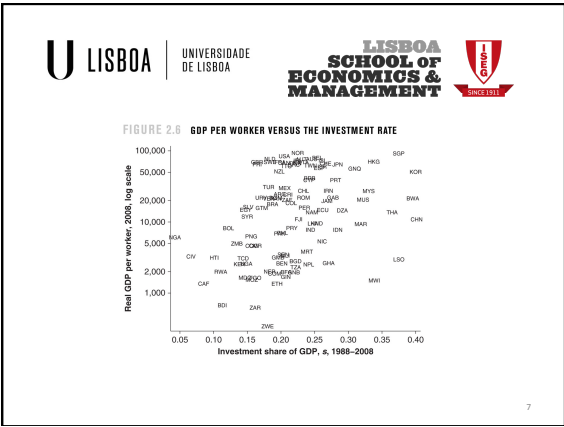
---

---

---

---

---




---

---

---

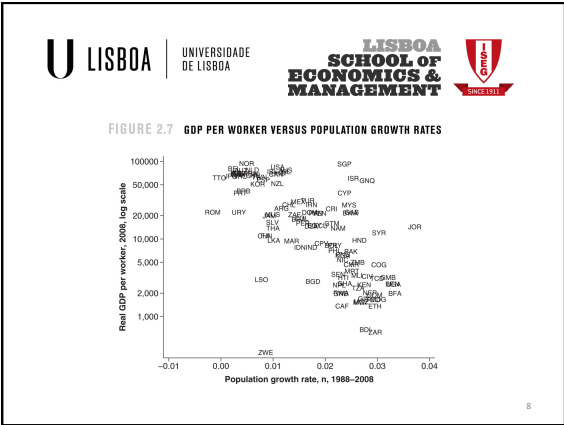
---

---

---

---

---




---

---

---

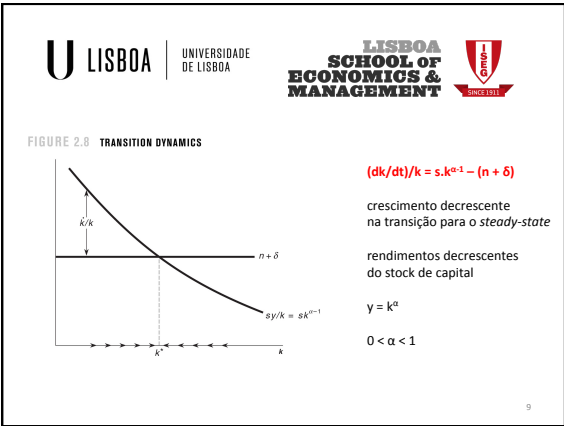
---

---

---

---

---




---

---

---



---

---

---

---

---

**Introduzir progresso técnico no modelo de Solow**

$Y = F(K, AL)$

progresso técnico incorporado no trabalho (neutralidade à Harrod)

$A(t) = A_0 e^{gt}$

$g$  taxa de crescimento (constante) da tecnologia (hipótese a reverser, mais tarde)

$y = k^\alpha A^{1-\alpha}$ ,  $0 < \alpha < 1$

$(dy/dt)/y = \alpha \cdot (dk/dt)/k + (1 - \alpha) \cdot (dA/dt)/A$

$g_y = \alpha g_k + (1 - \alpha) g$

10

---

---

---



---

---

---

---

---

**equação de acumulação de capital**

$dK/dt = s \cdot Y - \delta \cdot K$

$(dk/dt)/K = s \cdot (Y/K) - \delta$

Q: que relação existe entre as taxas de crescimento de K, Y, L e A?

taxa de crescimento de K constante  $\Leftrightarrow Y/K$  constante  $\Leftrightarrow y/k$  constante  $\Leftrightarrow g_y = g_k$

$g_y = g_k = g$

em situação de crescimento equilibrado (*balanced growth path*), em que o produto, o stock de capital e a população crescem à mesma taxa, y e k crescem à taxa de crescimento da tecnologia

o progresso técnico é o factor determinante do crescimento sustentado do produto *per capita*.

11

---

---

---



---

---

---

---

---

**introdução do progresso técnico no modelo de Solow**

$k = K/L$                        $k^* = K/AL = k/A$     rácio capital-tecnologia  
 $y = Y/L$                        $y^* = Y/AL = y/A$     rácio produto-tecnologia

$y^* = k^{*\alpha}$

$(dk^*/dt)/k^* = (dK/dt)/K - (dA/dt)/A - (dL/dt)/L = (s \cdot Y - \delta K)/K - g - n$

$dk^*/dt = ((s \cdot Y - \delta K)/K - g - n) \cdot k^* = (s \cdot Y/K - \delta - g - n) \cdot k^* = (s \cdot (Y/AL)/(K/AL) - \delta - g - n) \cdot k^* = s \cdot y^* - (\delta + g + n) \cdot k^*$

12

---

---

---



---

---

---

---

---

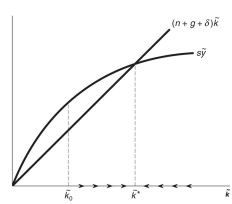



UNIVERSIDADE DE LISBOA

**estado estacionário**

$k^{**} = (s/(n+g+\delta))^{1/(1-\alpha)}$

$k^0 < k^{**}$   
 investimento excede o necessário para manter constante o rácio capital-tecnologia,  $k^0$   
 no *steady state*:  
 $(dk^*/dt)/k^{**} = \delta_k = \delta_v = g$   
 (balanced growth path)

FIGURE 2.9 THE SOLOW DIAGRAM WITH TECHNOLOGICAL PROGRESS  


13

---

---

---

---

---



---

---

---

---

---

UNIVERSIDADE DE LISBOA

Qual o efeito sobre o nível do produto per capita (i.e., por trabalhador) e sobre o crescimento do produto per capita (i.e., por trabalhador), de um aumento permanente da taxa de investimento?

14

---

---

---

---

---



---

---

---

---

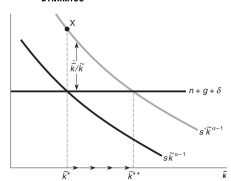
---

UNIVERSIDADE DE LISBOA

FIGURE 2.11 AN INCREASE IN THE INVESTMENT RATE: TRANSITION DYNAMICS

$(dk^*/dt)/k^0 = s \cdot k^{0\alpha-1} - (n + g + \delta)$   
 crescimento decrescente na transição para o *steady-state*  
 rendimentos decrescentes do stock de capital



15

---

---

---

---

---



---

---

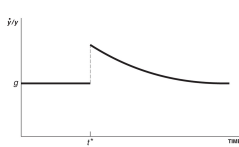
---

---

---


 LISBOA | UNIVERSIDADE DE LISBOA
 

**FIGURE 2.12 THE EFFECT OF AN INCREASE IN INVESTMENT ON GROWTH**



o aumento da taxa de investimento **não tem** efeito no nível de longo prazo do **crecimento** do produto por trabalhador.

16

---

---

---



---

---

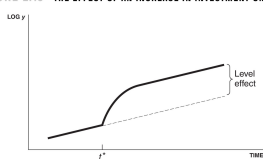
---

---

---


 LISBOA | UNIVERSIDADE DE LISBOA
 

**FIGURE 2.13 THE EFFECT OF AN INCREASE IN INVESTMENT ON  $y$**



o aumento da taxa de investimento **tem** um efeito positivo (de aumento) no **nível** de longo prazo do produto por trabalhador.

17

---

---

---



---

---

---

---

---


 LISBOA | UNIVERSIDADE DE LISBOA
 

**conclusões**

as alterações de política económica, no modelo de Solow, alteram as **taxas de crescimento**, mas de forma **temporária** ao longo do processo de transição para o novo equilíbrio de estado estacionário (steady-state). Isto é, as alterações de política económica **não têm efeito de crescimento no longo prazo**.

as alterações de política económica podem ter efeitos de longo prazo no **nível** do rendimento. Isto é, uma alteração permanente de política pode aumentar (ou diminuir) **permanentemente o nível do produto per capita**.

18

---

---

---

---

---

---

---

---